AÉRODYNAMIQUE COMPRESSIBLE ET FLUIDES HÉTÉROGÈNES Petites classes et éléments de cours

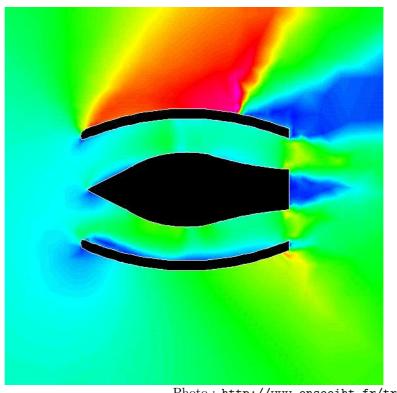


Photo: http://www.enseeiht.fr/travaux/

Olivier THUAL, INPT et X/Mécanique

31 juillet 2004

Table des matières

| 1 | On | des sonores dans une tuyère | 7 |
|---|------------------------|---|------------|
| | 1 | Moteur de fusée et hypothèses simplificatrices | 10 |
| | 2 | Approximation unidimensionnelle | 12 |
| | 3 | Ondes sonores | 14 |
| 2 | Ré | gimes continus de la tuyère de Laval | 15 |
| | 1 | Modèle quasi-1D | 18 |
| | 2 | Écoulement permanent | 18 |
| | 3 | Vitesse du son pour un gaz parfait polytropique | 20 |
| | 4 | Détermination des régimes continus | 20 |
| 3 | On | de de détente dans un canal hydraulique | 2 5 |
| | 1 | Équations en eaux peu profondes | 29 |
| | 2 | Frontière d'un écoulement uniforme | 30 |
| | 3 | Onde simple de détente centrée | 31 |
| | 4 | Calcul des trajectoires | 32 |
| 4 | $\mathbf{C}\mathbf{h}$ | oc droit pour un gaz parfait polytropique | 35 |
| | 1 | Équations de saut pour le choc droit | 38 |
| | 2 | Choc droit pour un gaz parfait polytropique | 40 |

| | 3 | Droite de Rayleigh et courbe d'Hugoniot | 42 |
|---|--|---|-----|
| | 4 | Grandeurs génératrices | 45 |
| 5 | Choc rectiligne et tube à choc | | |
| | 1 | Choc rectiligne | 50 |
| | 2 | Tube à choc | 51 |
| | 3 | Limite des grands écarts de pressions | 54 |
| 6 | Régime discontinus de la tuyère de Laval | | |
| | 1 | Classification des régimes | 59 |
| | 2 | Régimes continus | 61 |
| | 3 | Régimes discontinus | 62 |
| | 4 | Choc oblique en sortie de tuyère | 64 |
| 7 | Détentes et chocs infinitésimaux | | |
| | 1 | Choc droit infinitésimal | 71 |
| | 2 | Choc oblique infinitésimal | 72 |
| | 3 | Onde de détente infinitésimale | 73 |
| | 4 | Détente le long d'une paroi convexe | 76 |
| 8 | Détente de Prandtl-Meyer et coudes supersoniques | | |
| | 1 | Détente de Prandtl-Meyer | 82 |
| | 2 | Coudes supersoniques | 85 |
| 9 | Éc | oulements permanents de perturbation | 91 |
| | 1 | Écoulement incompressible | 95 |
| | 2 | Écoulement subsonique | 98 |
| | 3 | Écoulement supersonique | 100 |

| 10 | oulements transsoniques | 103 | | | | |
|---|-------------------------|--|-----|--|--|--|
| | 1 | Existence d'une ligne sonique | 105 | | | |
| | 2 | Écoulement transsonique au voisinage du col | 107 | | | |
| 11 | Ém | ission du son par une sphère | 111 | | | |
| | 1 | Sphère pulsant avec une vitesse radiale quelconque | 113 | | | |
| | 2 | Pulsation harmonique de la sphère | 116 | | | |
| 12 | Pro | ppagation du son dans un milieu réactif | 121 | | | |
| | 1 | Ondes émises par un piston | 124 | | | |
| 13 Combustion d'une goutte immobile 131 | | | | | | |
| | 1 | Équations de Shvab-Zeldovich | 133 | | | |
| | 2 | Vaporisation de la goutte | 134 | | | |

Avant-Propos

Ce document regroupe les énoncés et corrigés d'une série de petites classes qui ont été construites dans le cadre de l'enseignement intitulé "Aérodynamique compressible" de la deuxième année de l'Ecole Polytechnique et de l'enseignement intitulé "Aérodynamique compressible et Fluides Hétérogènes" de la troisième années. Les éléments de cours utiles pour la résolution des exercies sont rassemblés au début de chaque petite classe.

Les exercices présentés dans ce recueil sont très classiques et ont été choisis pour leurs qualités pédagogiques dans l'assimilation des notions de base de l'aérodynamique compressible. Ils ont été construits à partir des ouvrages classiques de la littérature et des énoncés de petites classes de plusieurs enseignants qui sont intervenus à l'Ecole Polytechnique ou à l'ENSTA (Antoine SELLIER, Pierre BRANCHER, Frédéric DIAS, ...). Néanmoins, certaines parties, comme par exemple les "coudes supersoniques", peuvent être considérées comme des contributions originales.

La particularité de ces petites classes repose sur le fait que la taille des exercices a été calibrée pour des séances de deux heures à l'attention d'élèves ingénieurs ou de Licence n'ayant que des notions sommaires de mécanique des fluides. Chaque petite classe peut être traitée indépendamment des autres et les éléments de cours indiqués dans leur introduction sont en principe suffisants pour leur résolution.

BIBLIOGRAPHIE

- [1] A. SELLIER, "Introduction aux écoulements compressibles et aux fluides hétérogènes", Les Éditions de l'École Polytechnique, (2001).
- [2] A. SELLIER, "Aérodynamique compressible", Polycopié de l'École Polytechnique, (2004).